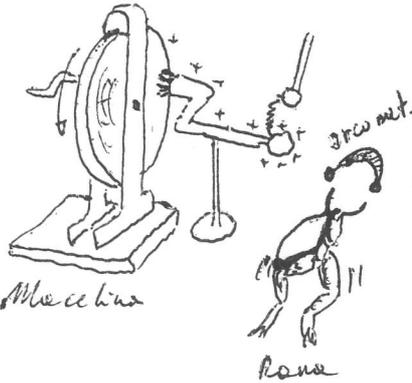


1791: Galvani pubblica "De viribus electricitatis in motu muscolari commentarius"

"Dissecai una rana, la preparai come è indicato in figura e la collocai sopra una tavola sulla quale c'era una macchina elettrica dal cui conduttore era completamente separata e collocata a non breve distanza; mentre uno dei miei assistenti toccava per caso leggermente con la punta di uno scalpello gli interni nervi crurali di questa rana, e un tratto furono visti contrarsi. Tutti i muscoli degli arti, come se fossero stati presi dalle più veementi convulsioni toniche."



"A un altro dei miei assistenti che mi era più vicino, mentre stavo tentando altre nuove esperienze elettriche, parve d'avvertire che il fenomeno succedeva proprio quando si faceva scoccare una scintilla dal conduttore della macchina"

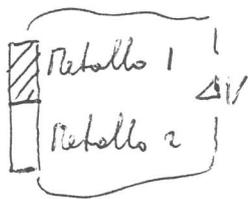
Mi accesi subito un incredibile desiderio di ripetere l'esperienza e mi portai alla luce ciò che di occulto c'era ancora nel fenomeno."

Si vedevano effetti violenti anche se si toccavano nervi e giunte con un arco metallico, specie se composto di metalli diversi. [RANA ↔ BOTTIGLIA DI LEIDA]

Pensava (Galvani) che avrebbe scoperto le fonti della vita degli organismi (vedi Frankenstein di Mary Shelley) e invece l'ebbe origine allo stesso sulle correnti.

1792: Volta: "Debbo confessare [che ero incredulo]. Ma infine e con convertito, decisi cominciarci ad essere testimone oculare e operatore io stesso dei miracoli, e passato forse dall'incredulità al fannetismo!"

Inizio però a dubitare delle tesi di Galvani che la rana fosse una specie di bottiglia di Leida e che la ~~vera~~ fonte dell'elettricità non fosse in terra ma esterna all'animale. Dimostrai che posti a contatto due metalli diversi



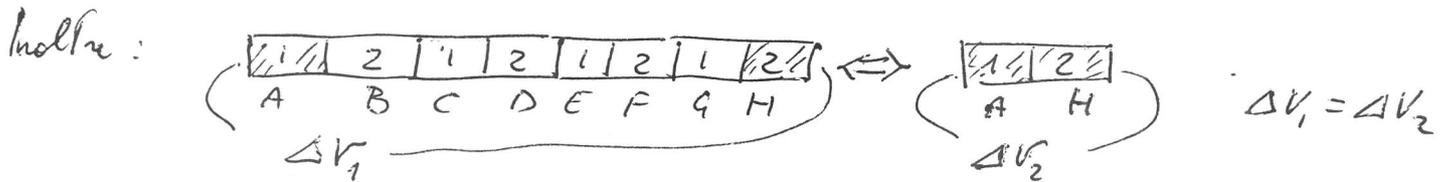
si genera una d.d.p. ΔV.

"La rana è semplicemente più elettromotrice che mettere la ΔV fra i capi di un arco bimetallico" Volta

1792: Galvani: "Si ma che dici di quando l'arco è composto da un solo metallo, caro Volta?"

1792: Volta "Probabilmente l'arco metallico non è così pieno e ci sono l'isomorfismo!"

Scopri allora che "Ci sono due tipi di conduttori, quelli come i metalli che, una volta a contatto, raggiungono potenziali diversi e quelli liquidi (gli elettroliti) che non possono assumere un potenziale molto diverso da un metallo immerso in essi"

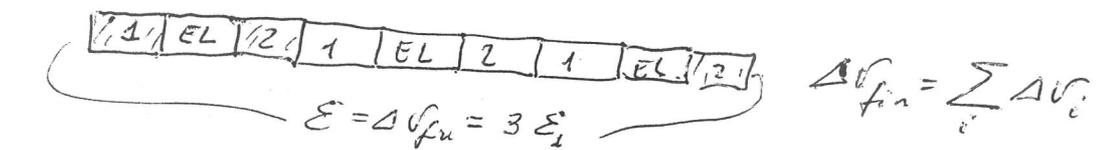
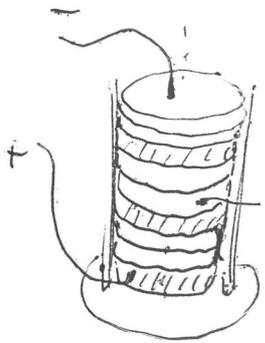


I metalli B, C, D, E, F, G fatti di materiali 1 e 2 sono irrilevanti sul potenziale finale.

1798: Povero Galvani "L'elettricità animale ≠ da quella ordinaria".

1800-1801: "Come fare ad aumentare la ΔV misurata con un termometro di due metalli?"

Soluzione



"PILA"
EL = Elettrolita

Arago: "Questa pila, formata da coppie di metalli diversi, separate da un poco di liquido è il più meraviglioso strumento mai inventato dal genere umano".

Verso il 1820 si avevano generatori elettrostatici da 30'000 Volt ma per ricaricare i condensatori occorre tempo e si avevano potenze basse $P \approx 1 \text{ Watt}$!

Con la pila si creavano batterie a molte unità con $P \approx 10^4 \text{ Watt}$

$$\Rightarrow P_{\text{batteria}} \approx 10^4 \times P_{\text{macchine elettrostatiche}}$$



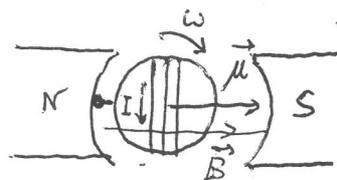
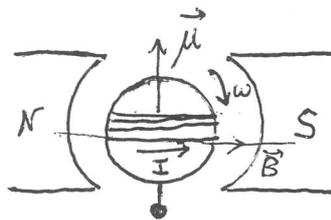
STUDI SULLA CORRENTE ELETTRICA E
IL MAGNETISMO

fine

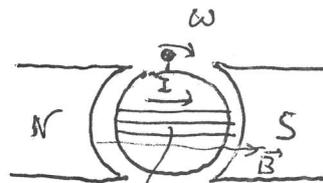
COSTRUIRE UN MOTORE ELETTRICO IN CONTINUA

1° modello : 1834 Von Jacobi. Un commutatore cambia la polarità per avere la rotazione sempre in quel senso.

$$\eta = \frac{\text{Potenza meccanica}}{\text{Potenza elettrica}} = 1 - \frac{RI}{V_0}$$

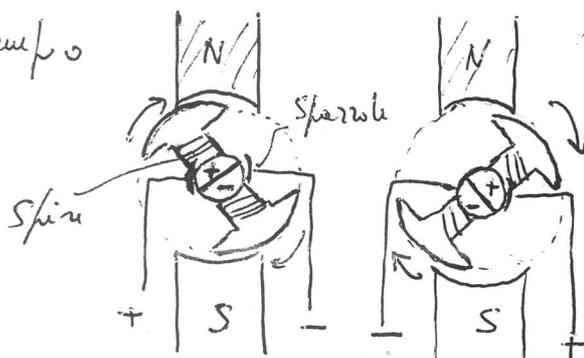


← qui continua a muoversi per inerzia



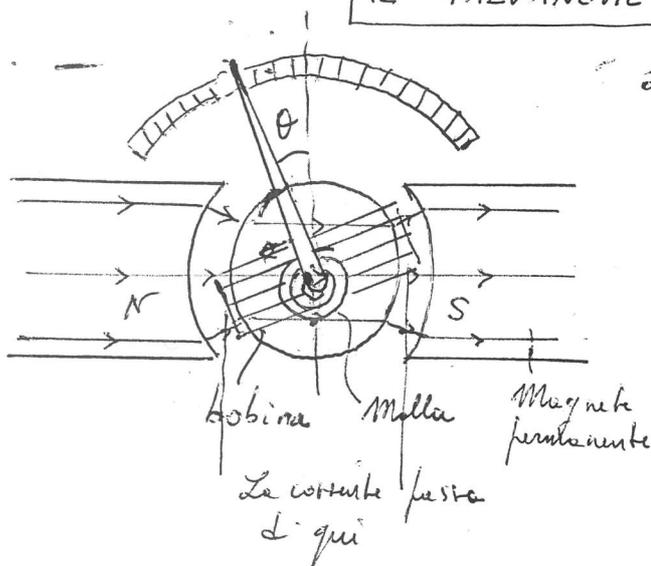
Si inverte la corrente in modo che μ riprende verso l'alto e non verso il basso e il motore continua a muoversi.

Esempio



→ Il sistema commuta automaticamente.

IL GALVANOMETRO

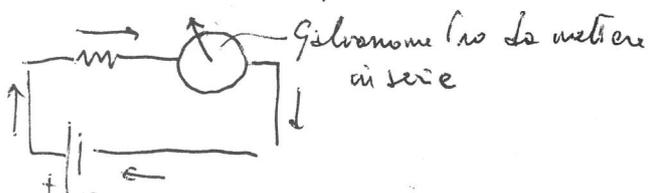


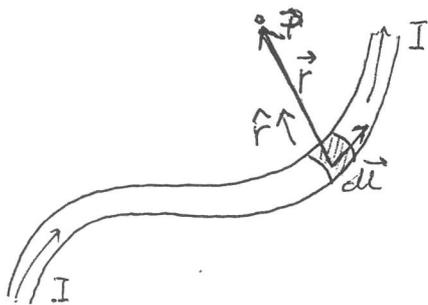
L'ago punta come μ

$$\tau = \mu B \sin \theta = \tau_{molla}$$

da θ si ricava I

$$\tau_{molla} = N I A B \sin \theta \Rightarrow I = \frac{\tau_{molla}}{N A B \sin \theta}$$

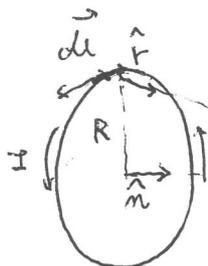




$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{d\vec{l} \times \vec{r}}{r^2} \quad \vec{B}(P) = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \int \frac{d\vec{l} \times \vec{r}}{r^2}$$

Deriva dalla legge di Ampère ma fu ricavata sperimentalmente.

ESEMPIO: CALCOLO CAMPO DI UNA SPIRA.



$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl}{r^2}$$

$$d\vec{B} = dB_{||} + dB_{\perp}$$

$$dB_{\perp} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl}{r^2} \cos \theta$$

$$\vec{B}_{TOT} = \int dB_{\perp} = \frac{\mu_0 I}{4\pi r^2} 2\pi R \cos \theta \hat{n}$$

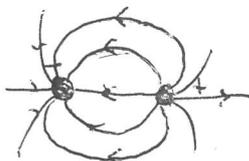
$\cos \theta$ è cost come r . $r^2 = x^2 + R^2$ $R/r = \cos \theta$

$$\Rightarrow \vec{B}_{TOT} = \frac{\mu_0 I R^2}{2(x^2 + R^2)^{3/2}} \hat{n} = \frac{\mu_0 I R^2}{2(x^2 + R^2)^{3/2}} \hat{n}$$

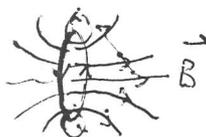
$x=0$ Al centro della spira $\vec{B}_{TOT} = \vec{B}_{max} = \frac{\mu_0 I}{2R} \hat{n}$

$x \gg R$ $\vec{B}_{TOT} \approx \frac{\mu_0 I R^2}{2x^3} \hat{n} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\vec{\mu}}{r^3}$ con $\vec{\mu} = I \pi R^2 \hat{n}$

Simile al campo di dipolo elettrico $\vec{E}_{TOT} = \frac{1}{4\pi \epsilon_0} \frac{2\vec{p}}{r^3}$ $\vec{p} = q\vec{d}$

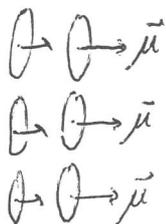


$$E \sim \frac{2\vec{p}}{r^3}$$

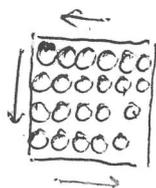


$$\vec{B} \sim \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\vec{\mu}}{r^3}$$

FUNZIONAMENTO CANTITE

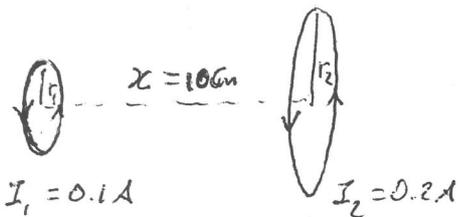


Spire allineate



Le bobine nella z -direzione come un solenoide.

ESERCIZIO



$r_1 = 1 \text{ cm}$ $r_2 = 2 \text{ cm}$

Calcolare: a) l'energia potenziale
b) la forza F con cui interagiscono.

Il campo magnetico della spira 1 a distanza x , per $x \gg r_1$

e' $B_1 = \frac{\mu_0 2 I_1}{4\pi x^3}$ $U = -\vec{\mu}_2 \cdot \vec{B}_1 = -\frac{\mu_0 2 I_1 I_2}{4\pi x^3} = -1.58 \times 10^{-12} \text{ J}$

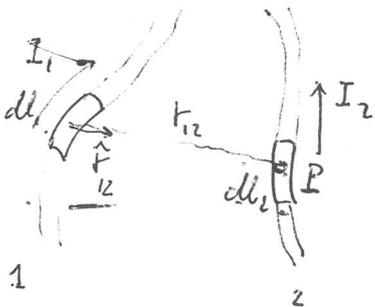
$F = -\frac{\partial U}{\partial x} = -\frac{\mu_0 6 I_1 I_2}{4\pi x^4} = -4.73 \times 10^{-11} \text{ N}$ ed e' attrattiva.

~~F = ...~~

FORMULA GENERALE
TRA DUE FILI QUALSIASI

$d\vec{B}_{1,2} = \frac{\mu_0 I_1}{4\pi} \frac{d\vec{l}_1 \times \hat{r}}{r_{12}^2}$

$d\vec{B}_{1,2}$ campo generato da 1 su 2



$\vec{B}_{1,2}(P) = \frac{\mu_0 I_1}{4\pi} \oint \frac{d\vec{l}_1 \times \hat{r}}{r_{12}^2}$

il filo prima
o poi il filo

La forza su l'elemento dl_2 e' $d\vec{F}_{1,2} = I_2 d\vec{l}_2 \times \vec{B}_{1,2}(P) \Rightarrow \vec{F}_{TOT,1,2} = \oint_2 I_2 d\vec{l}_2 \times \vec{B}_{1,2}(P)$

ovvero eliminando il campo \vec{B} $\vec{F}_{TOT} = \oint_2 I_2 d\vec{l}_2 \times \frac{\mu_0 I_1}{4\pi} \oint_1 \frac{d\vec{l}_1 \times \hat{r}}{r_{12}^2}$

In definitiva dati due fili la forza $\vec{F}_{1,2}$ fra i due e'

$\vec{F}_{1,2} = \frac{I_2 I_1 \mu_0}{4\pi} \iint_{2,1} \frac{d\vec{l}_2 \times d\vec{l}_1 \times \hat{r}}{r_{12}^2}$

Scoperte la Ampere
prima della teoria
d' campo - Analogo alla
Laws of Coulomb

TEORIE DI CAMPO VS.
AZIONE A DISTANZA

Locale	Globale	
$\nabla \cdot \vec{E} = \rho / \epsilon_0$ $\nabla \times \vec{E} = 0$ $\nabla \cdot \vec{B} = 0$ $\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J}$	$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$ $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$ $\oint_{loop} \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0$ $\oint_{loop} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I$	<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="margin-right: 10px;">} Electrostatica Magnetostatica </div> <div> Date le sorgenti $\rho, \vec{J} (Q, I)$ Si ricavano \vec{E} e \vec{B} Date delle sorgenti di prova, q, \vec{v} la forza su di esse si ricava da <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> $\vec{F} = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$ </div> </div> </div>
<div style="border: 1px solid black; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;">4 Leggi + Forza di Lorentz</div>		

2. dist

$$\vec{F}_{1,2} = + \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 r_{12}^2} \hat{r}$$

$$d\vec{F} = + \frac{\rho dV}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}$$

$$\vec{F}_{TOT} = + \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{\rho \hat{r}}{r^2} dV$$

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \int \frac{\rho_1 dV_1 \rho_2 dV_2}{r_{12}^2} \hat{r}_{12}$$

$$d\vec{F}_{1,2} = I_2 \int \frac{d\vec{l}_2 \times (d\vec{l}_1 \times \hat{r}_{12})}{r_{12}^2} (I_1 \frac{\mu_0}{4\pi})$$

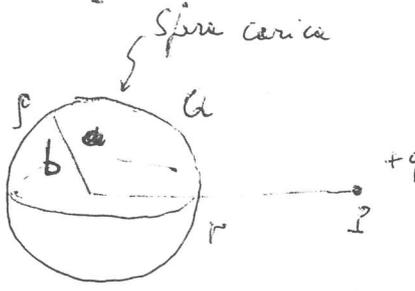
ovvero se considero le sorgenti come $I d\vec{l}$

$$\vec{F}_{TOT} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int \int \frac{(I_2 d\vec{l}_2) \times (I_1 d\vec{l}_1) \times \hat{r}}{r^2}$$

← Come Coulomb

2 Leggi: Coulomb + Biot/Savart

ESEMPI DI APPLICAZIONE



Strutturare l'interazione elettrostatica della sfera Q nella carica q .

TEORIA DI CAMPO

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0} \Rightarrow E 4\pi r^2 = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0} \Rightarrow \vec{E} = \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}$$

sfera di raggio r

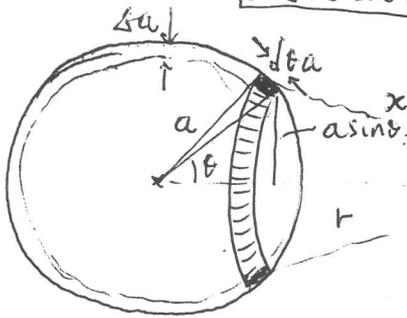
$$\Rightarrow \vec{F} = q\vec{E} \quad (\vec{B} = 0, \vec{v} = 0) \Rightarrow \vec{F} = \frac{qQ_{int}}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}$$

messaggi $Q \xrightarrow{Gauss} \vec{E} \xrightarrow{Coulomb} \vec{F}$ $F \equiv$ Carica di prova \times Campo

AZIONE A DISTANZA

PARTE I^a: GUSCIO DI RAGGIO a
E SPESORE Δa

$$\vec{F}_{\text{guscio}} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{\rho \vec{r}}{x^2} dV$$



$\Delta F = 2F \cos \alpha \rightarrow$ Solo questa componente è
centrifuga

$$\Delta F_{\text{ANELLO}} = \int \Delta F_{\text{II, matto. suli}} \rightarrow \Delta F_{\text{matto.}} = \frac{q \times (\Delta \text{Volume matto.})}{4\pi\epsilon_0 x^2}$$

Mat. $x \cos \alpha = r - a \cos \theta \Rightarrow \boxed{\cos \alpha = \frac{r - a \cos \theta}{x}} \quad 1)$

molto $x^2 = a^2 \sin^2 \theta + [r - a \cos \theta]^2 = a^2 \sin^2 \theta + r^2 + a^2 \cos^2 \theta - 2ra \cos \theta$

$\Rightarrow x^2 = a^2 + r^2 - 2ra \cos \theta \Rightarrow \boxed{a \cos \theta = \frac{r^2 + a^2 - x^2}{2r}} \quad 2)$

$2x dx = 2ra \sin \theta d\theta \Rightarrow \boxed{\sin \theta d\theta = \frac{x dx}{ra}} \quad 3)$
 $(1+2) \Rightarrow \cos \alpha = \frac{r - (a^2 + r^2 - x^2)}{2rx} \Rightarrow \boxed{\cos \alpha = \frac{r^2 - a^2 + x^2}{2rx}}$

$\Delta F_{\text{anello}} = \int \frac{q \times \Delta \text{Vol matto.}}{4\pi\epsilon_0 x^2} \cos \alpha \cdot \Delta \text{Vol matto.} = \Delta \text{Vol matto.} = \rho (a d\theta) \times (a \sin \theta d\phi) \Delta a$

$\Rightarrow \Delta F_{\text{anello}} = 2 \cos \alpha \frac{q \rho}{4\pi\epsilon_0 x^2} \text{Volume anello} = \frac{2 \cos \alpha q}{4\pi\epsilon_0 x^2} a d\theta (2\pi a \sin \theta) \Delta a$

$\Rightarrow \Delta F_{\text{anello}} = \frac{2q a^2 \rho}{\epsilon_0 x^2} \Delta a (\cos \alpha \sin \theta) d\theta = \frac{\rho q a^2 \Delta a}{\epsilon_0 x^2} \frac{r^2 - a^2 + x^2}{2rx} \frac{x}{ra} dx$

$\Rightarrow \Delta F_{\text{anello}} = \frac{\rho q a \Delta a}{2\epsilon_0 x^2 r^2} [r^2 - a^2 + x^2] dx$

Ferra guscio = $\frac{\rho q a \Delta a}{2\epsilon_0 r^2} \int_{r-a}^{r+a} \left(\frac{r^2 - a^2}{x^2} + 1 \right) dx \quad \int \frac{1}{x^2} dx = -\frac{1}{x} \Rightarrow L' \text{ in } \text{logh} = 4a$

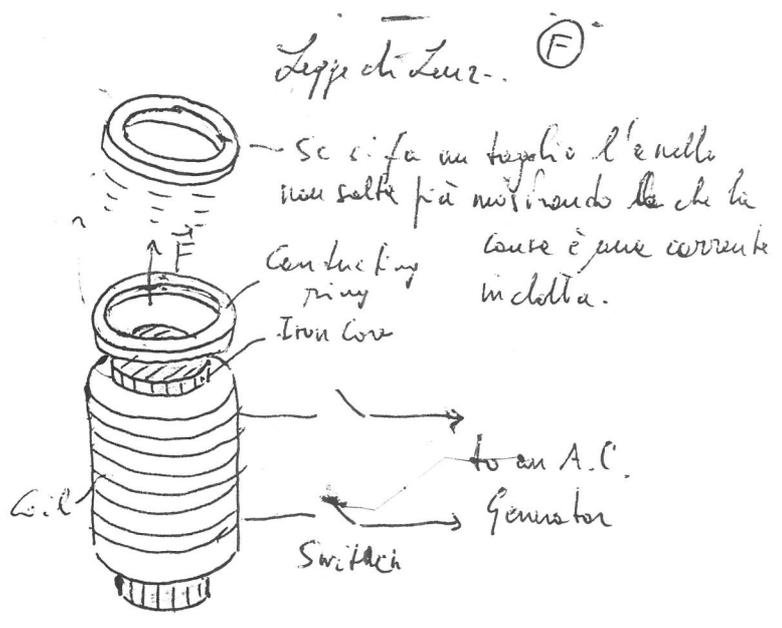
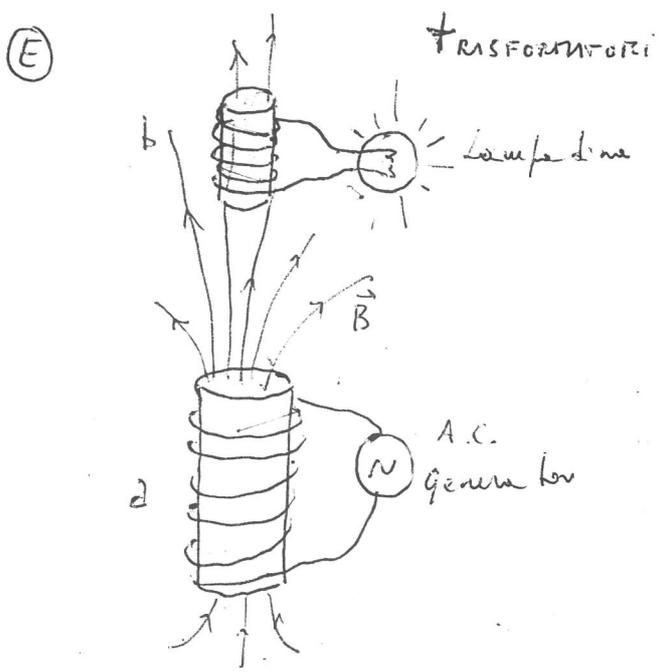
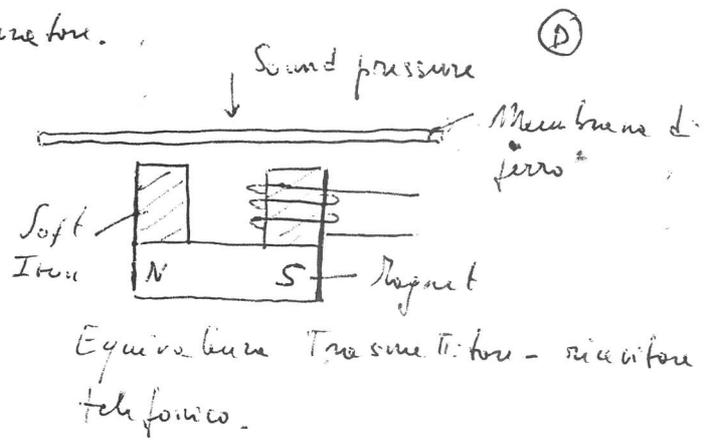
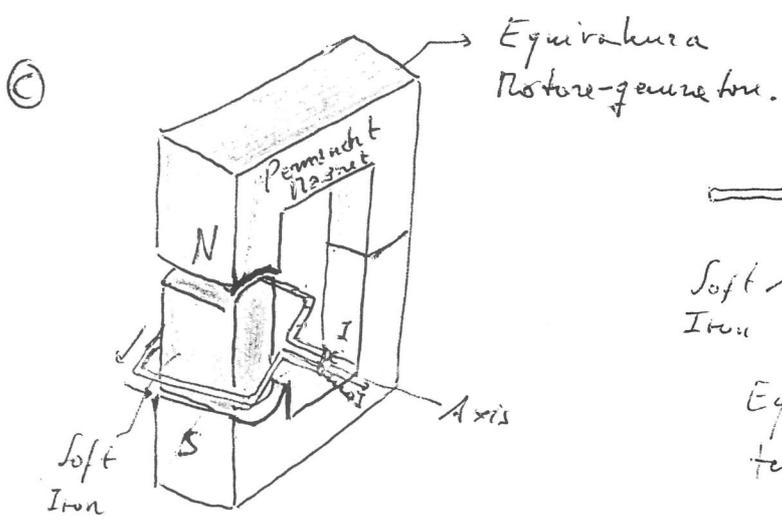
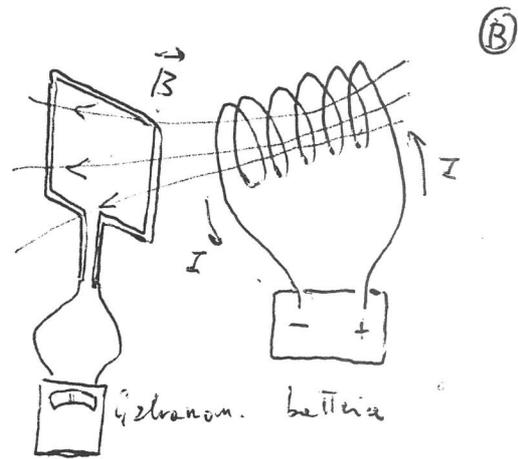
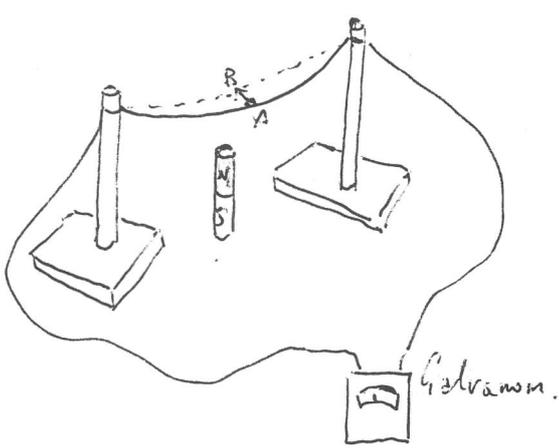
$\Rightarrow \text{Ferra guscio} = \frac{4q \rho a^2 \Delta a}{\epsilon_0 r^2}$

$\rho = \frac{q}{\frac{4}{3}\pi b^3} \Rightarrow \boxed{\text{Ferra guscio} = \frac{3q a^2 \Delta a}{\pi b^3 r^2}}$

RIE II^a: SFERA di GUSCI

Ferra sfera = $\sum_{\text{guscio}} \text{Ferra guscio} = \frac{3q a}{\pi b^3 r^2} \int_0^b a^2 da = \frac{3q a}{\pi b^3 r^2} \frac{b^3}{3} = \boxed{\frac{q a}{4\pi\epsilon_0 r^2}}$

INDUZIONE ($\nabla \times \vec{E} = -\partial \vec{B} / \partial t$)
 (Feynman Vol II Cap 16)



Legge di Lenz: la corrente indotta circola nel senso che genera un campo che si oppone al cambiamento del flusso.

LEGGE DI FARADAY

Le equaz. dell' Elettromagnetismo sono, per quanto detto finora, le seguenti.

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = Q/\epsilon_0 \quad \boxed{\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0 \quad \vec{F} = q\vec{E} + q\vec{v} \times \vec{B}}$$

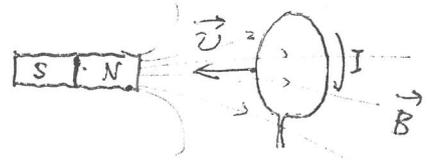
$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0 \quad \oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I$$

Queste due equazioni sono incompatibili. Vediamo perché.

Lanciat in moto in un campo \vec{B} non uniforme, ~~sono~~ vedono una corrente causata dalla legge di Lorentz per. Dalla legge di Lorentz si prova

che $\frac{1}{q} \oint \vec{F} \cdot d\vec{l} = - \frac{d\Phi_B}{dt}$ dove $\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$ poiché non c'è alcun campo elettrico.

Ad esempio prendo una calamita (o un solenoide) una sfera e muovo la sfera a verso la calamita (o il solenoide)

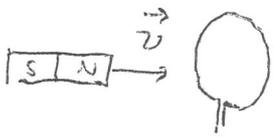


I è generata da $\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$

La legge è $\frac{1}{q} \oint \vec{F} \cdot d\vec{l} = - \frac{d\Phi_B}{dt}$ (deriva da Lorentz)

Non bisogna confonder però $\frac{1}{q} \oint \vec{F} \cdot d\vec{l}$ con $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l}$ poiché non c'è alcun campo \vec{E} .

Se però muovo la calamita, anzi se mi siedo sulla sfera vedo la calamita muoversi e dovrò vedere la corrente I con segno. Quindi poiché $q\vec{v} \times \vec{B} = 0$ allora se la carica si muove, deve presumere che c'è un campo \vec{E} attorno alla carica.



$$\frac{1}{q} \oint \vec{F} \cdot d\vec{l} = \oint \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

Ma se deve essere pari a $- \frac{d\Phi_B}{dt}$ allora $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} \neq 0$ Ecco la contraddiz.

Per essere compatibili devo modificare le leggi della circuitazione

$$\boxed{\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \frac{d\Phi_B}{dt}}$$

Se la relatività del moto è applicabile all'elettromagnetismo, le leggi devono essere allora modificate.

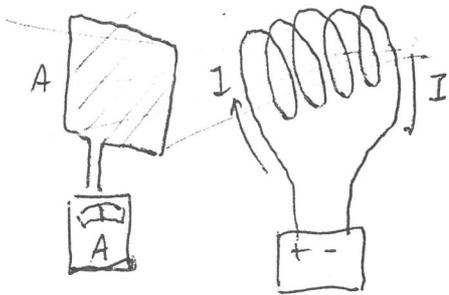
$$\boxed{\begin{aligned} \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} &= Q/\epsilon_0 & \oint \vec{E} \cdot d\vec{l} &= - \frac{d\Phi_B}{dt} \\ \oint \vec{B} \cdot d\vec{A} &= 0 & \oint \vec{B} \cdot d\vec{l} &= \mu_0 I \\ \vec{F} &= q\vec{E} + q\vec{v} \times \vec{B} \end{aligned}}$$

$$\boxed{\begin{aligned} \vec{\nabla} \cdot \vec{E} &= \rho/\epsilon_0 & \vec{\nabla} \times \vec{E} &= - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{B} &= 0 & \vec{\nabla} \times \vec{B} &= \mu_0 \vec{J} \\ \vec{F} &= q\vec{E} + q\vec{v} \times \vec{B} \end{aligned}}$$

Legge di Induz. di Faraday

Mediante le legge di Faraday può si possono spiegare altri fenomeni che non possono essere spiegati con Lorentz e ⊕ telegrafia.

Ad esempio il caso (B). Se varia la corrente I nel solenoide nessun ferro si muove rispetto all'altro per cui Lorentz $q\vec{v} \times \vec{B}$ non va, in quanto è zero.



Tuttavia applicando Faraday

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \frac{d}{dt} \int \vec{B} \cdot d\vec{A} \quad \text{mi}$$

mi accorgo che la cosa può essere spiegata. Se cambio I cambia B attraverso A e quindi vedo corrente nelle spine. Se Faraday non valisse e $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$ non potrei spiegare questo fenomeno.

$$\text{Quindi anche se } \mathcal{E} = \frac{1}{q} \int (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l} = - \frac{d\Phi_B}{dt}$$

$$\text{e } \mathcal{E} = \oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \frac{d\Phi_B}{dt} \quad \text{descrivono i fenomeni tuttavia le cause}$$

sono diverse: \mathcal{E} è il lavoro delle forze magnetiche per unità di carica q nel primo caso mentre nel secondo è la circolazione di \vec{E} .

Nel caso della spira e del solenoide la spiegazione è che una variazione $\vec{B}(t)$ nel tempo genera un campo elettrico in tutto lo spazio dove \vec{B} cambia.

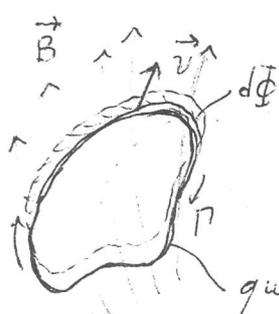
IMPORTANTE

Quando un circuito si muove in un campo magnetico in modo tale che $\Phi_B = \int_{\Sigma} \vec{B} \cdot d\vec{A}$ cambia nel tempo, non a causa di \vec{B} , ~~ma~~ cioè che mette in moto le cariche nel circuito e la Forza di Lorentz non un campo elettrico indotto. Infatti la f.e.m. $\frac{1}{q} \oint \vec{F} \cdot d\vec{l}$ non è dovuta ad un campo elettrico e anche se $\frac{1}{q} \oint \vec{F} \cdot d\vec{l} = - \frac{d\Phi_B}{dt}$ in generale, non siamo autorizzati a dire che \vec{F}/q è in effetti un campo elettrico \vec{E} . Per quale motivo infatti si dovrebbe generare un campo elettrico in un circuito se \vec{B} non cambia? Fisicamente a cosa dovrebbe essere attribuito? Al contrario per Faraday si ha

$$\oint_{\Gamma} \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \frac{d}{dt} \int_{\Sigma} \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

e chi ci pensa una linea chiusa Γ che racchiude una superficie Σ qualsiasi avente quel bordo Γ , se il flusso cambia attraverso Σ , in quanto \vec{B} sta cambiando visto che non stiamo immaginando un filo conduttore al posto di Γ , allora si genera un campo elettrico \vec{E} tale da soddisfare le leggi di sopra. Se attorno a Γ , ci mettiamo un filo elettrico gli elettroni si muoveranno a causa del campo \vec{E} elettrico!

[Per ora è una coincidenza ma il significato profondo risiede nelle relazioni di Einstein! Vedremo dopo]



qui \vec{F}/q è solo nel circuito, dentro non c'è alcun campo!!!
 $\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$
 mette in moto le cariche
 $\mathcal{E} = - \frac{d\Phi_B}{dt}$ per coincidenza (se non ci mettiamo dentro la relazione di Einstein)



C'è un \vec{E} ovunque! anche dentro su Γ se mettiamo un filo gli elettroni si muovono.
 $\mathcal{E} = - \frac{d\Phi_B}{dt}$ (Faraday)